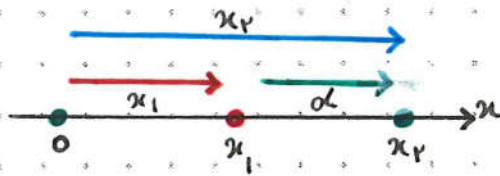


## \* شافت حرکت \*

**حرکت:** جابه جایی جسم از یک مکان به مکان دیگر است. *Displacement*

**بردار مکان:** برای تعیین مکان جسم نسبت به یک مبدأ معین به کار می رود.

**بردار جابه جایی:** پاره خط جهت داری (مسیر مستقیم) از مکان اولیه به مکان



جایی جسم است.  
یکای جابه جایی در SI، متر است.

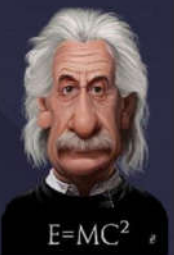
$$\vec{\Delta x} = \vec{x}_2 - x_1 \rightarrow \text{مکان اولیه} \rightarrow \text{جابه جایی}$$

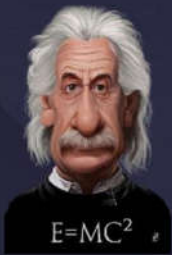
**قرار داد:** در حرکت بر مسیر مستقیم، اگر جابه جایی در جهت مثبت محور باشد، آن را با علامت مثبت و اگر جابه جایی در خلاف جهت محور باشد آن را با علامت منفی در نظر می گیریم.

**مسافت:** مقدار راه و طول مسیر پیموده شده است.

نکته ها:

- 1- جابه جایی بین دو نقطه به مسیر پیموده شده بستگی ندارد.
- 2- اگر جسمی پس از طی مسافتی به مکان آغازین برگردد، جابه جایی اش صفر است.





۳- مسافت به **صید طی شده** بستگی دارد.

۴- مسافت همواره **مثبت** است و کمیتی **بزرگ** ای است.

۵- در حرکت روی خط راست، اگر جهت حرکت تغییر نکند اندازه جابه جایی و مسافت یکپسایان است و اگر جهت حرکت تغییر کند، مسافت بیشتر از اندازه جابه جایی جسم است.

**نقشه:** از ارتفاع ۳ متری زمین، تلوله کوچکی را پرتاب می‌نماید تا ۴ m دورتر از پای محل پرتاب به زمین برخورد کند، بزرگی جابه جایی جسم در این حرکت چند متر است؟

- ۱) ۷.۰
- ۲) ۵.۰
- ۳) ۱۰
- ۴) صفر

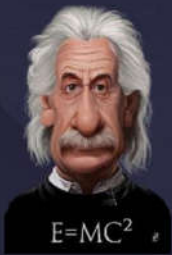
**پاسخ:**

\* اگر مبدأ مکان را محل پرتاب جسم در نظر بگیریم، جسم ۳ m در راستای قائم به طرف پایین و ۴ متر در راستای افق به طرف راست جابه جایشده است. پس جابه جایی جسم برابر است با:

$$\vec{\Delta r} = 4\vec{i} - 3\vec{j} \text{ (m)}$$

$$|\Delta r| = \sqrt{\Delta x^2 + \Delta y^2}$$

$$|\Delta r| = \sqrt{(4)^2 + (-3)^2} = 5 \text{ m}$$



\* سرعت متوسط \*

تعریف: نسبت جابه جایی به مدت زمان سرعت است.  $\vec{v}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} (m/s)$

نکته ها:

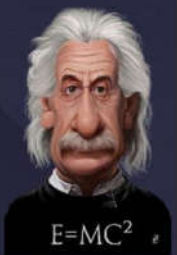
- ۱- سرعت متوسط کمیتی برداری و هم جهت با جابه جایی است.
- ۲- اگر جسمی به محل آغازین برنگردد سرعت متوسط جسم صفر است.
- ۳- در نمودار مکان-زمان شیب خطی که نمودار را در دو لحظه (نقطه) قطع می کند، برابر سرعت متوسط جسم بین آن دو لحظه است.

تندی متوسط: نسبت مسافت پیموده شده به مدت زمان پیمودن مسافت

است.  $S_{av} = \frac{L}{\Delta t} (m/s)$

نکته ها:

- ۱- تندی متوسط کمیتی نره ای است.
- ۲- تندی متوسط بین دو نقطه معین به مسیر حرکت (طول مسیر) بستگی دارد.
- ۳- اگر جهت حرکت جسم تغییر نکند، تندی متوسط برابر بزرگی سرعت متوسط جسم است.



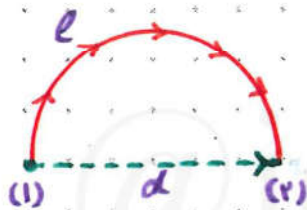
**سخت:** متحرکی با تندی ثابت  $12 \text{ m/s}$ ، روی دایره‌ای به شعاع  $3 \text{ m}$  حرکت می‌کند، این متحرک در بازه زمانی  $\Delta t$ ، نصف دایره را طی می‌کند. بزرگی سرعت متوسط آن در این بازه زمانی چند متر بر ثانیه است؟ ( $\pi=3$ )

۱۲ (۴)

✓ ۸ (۳)

۹ (۲)

۴ (۱)



**پاسخ:**  
 • مسیر حرکت متحرک یک نیم دایره به شکل مقابل و برابر است با:

$$L = \frac{1}{2} (\text{محیط دایره}) = \frac{1}{2} (2\pi R) = \pi R \xrightarrow[\substack{\pi=3 \\ R=3\text{m}}]{\hspace{1cm}} L = 9 \text{ m}$$

$$d = \text{قطر} = 2R = 2 \times 3 = 6 \text{ m}$$

• مدت زمان این حرکت را محاسبه می‌کنیم:

$$S_{av} = \frac{L}{\Delta t} \rightarrow \Delta t = \frac{L}{S_{av}} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4} \text{ s}$$

• حالا می‌توانیم بزرگی سرعت متوسط را محاسبه کنیم:

$$V_{av} = \frac{d}{\Delta t} = \frac{6}{\frac{3}{4}} = 8 \text{ m/s}$$

**\* تندی و سرعت متوسط در بازه های زمانی متوالی \***

**تعریف:** اگر در حرکت در مسیر مستقیم در بازه های زمانی متوالی  $\Delta t_1, \Delta t_2, \dots$  و  $\Delta t_1, \Delta t_2, \dots$  متحرک جابه جایی های  $\Delta x_1, \Delta x_2, \dots$  و مسافت های  $L_1, L_2, \dots$  را طی کنند، سرعت متوسط و تندی متوسط متحرک را از رابطه های زیر بدست می آوریم:

$$V_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + \dots}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \dots} \quad , \quad S_{av} = \frac{L_1 + L_2 + \dots}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \dots}$$

• در رابطه سرعت متوسط، علامت جابه جایی ها را باید در نظر گرفت.

**حساب:** متحرکی در مسیر مستقیم، ۱۰ متر را در وقت ۵-ا و ۲۰ متر بعدی را با تندی متوسط  $4 \text{ m/s}$  طی می کند و ۵ ثانیه بعدی را با تندی  $2 \text{ m/s}$  برگردد. تندی متوسط متحرک چند برابر بزرگی سرعت متوسط متحرک است؟

- ۱ (۱)      ۲ (۲)      ۳ (۳) ✓      ۴ (۴)

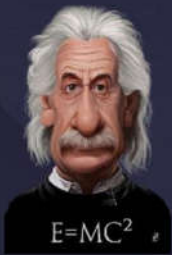
**پاسخ:**

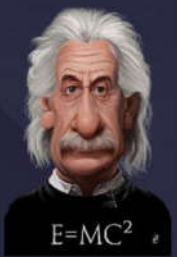
• در مرحله سوم جهت حرکت عوض می شود و جابه جایی را منفی در نظر می گیریم:

$$V_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + (-S_{av} \times \Delta t_3)}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3}$$

$$S_{av} = \frac{L_1 + L_2 + (S_{av} \times \Delta t_3)}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \Delta t_3}$$

$$\frac{V_{av}}{S_{av}} = \frac{10 + 20 + (-2 \times 5)}{10 + 20 + (2 \times 5)} = \frac{1}{2}$$





## \* تندی لحظه ای - سرعت لحظه ای \*

**تندی لحظه ای:** بزرگی سرعت در هر لحظه است و کمیتی برزه ای است. عقرب به کیلو متر شمار خود رو تندی لحظه ای آن را نشان میدهد.

**سرعت لحظه ای:** سرعت متحرک در هر لحظه است و کمیتی برداری است.

## نکته ها:

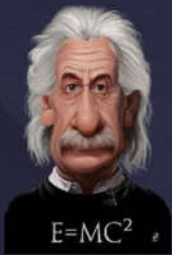
۱- در هر لحظه معین جهت سرعت لحظه ای هم جهت حرکت جسم است.

۲- در نمودار مکان - زمان، شیب خط معاس بر نمودار در هر لحظه، برابر سرعت متحرک در آن لحظه است.

۳- علامت شیب خط معاس بر نمودار مکان - زمان بیانگر علامت سرعت و جهت حرکت متحرک است.

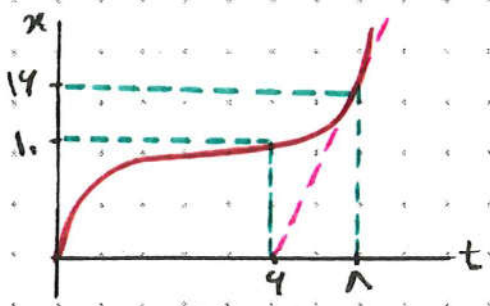
۴- در نقاط ماکزیمم و مینیمم نمودار مکان - زمان، سرعت متحرک صفر است هم چنین در این نقاط، جهت حرکت جسم تغییر می کنند.

۵- اگر بزرگی شیب خط معاس بر نمودار مکان - زمان کاهش یابد حرکت جسم کند شونده است.



۶۔ اگر بزرگی شیب خط معائن بر نمودار مکان - زمان افزایش یابد، تندی جسم افزایش می یابد و حرکت جسم تند شونده است.

**حسب:** نمودار مکان - زمان محوری که در محور مستقیم حرکت می کند، مطابق شکل زیر است. سرعت جسم در لحظه  $t = ۸s$  چند برابر سرعت متوسط جسم در ۸ ثانیه اول حرکت جسم است؟



- (۱) ۲
- (۲) ۳
- (۳)  $\frac{۳}{۲}$
- (۴) ۴ ✓

\* برای محاسبه سرعت در لحظه ۸ ثانیه، شیب خط معائن بر نمودار در لحظه ۸ ثانیه که مربوط به مکان ۱۴ متر است بدست می آوریم:

$$v_8 = \frac{14 - 0}{8 - 4} = \frac{14}{4} = ۳.۵ \text{ m/s}$$

\* برای محاسبه سرعت متوسط در ۸ ثانیه اول از رابطه  $v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$  استفاده می کنیم:

$$v_{av} = \frac{14 - 0}{8 - 0} = ۱.۷۵ \text{ m/s}$$

\* نسبت  $\frac{v_8}{v_{av}}$  را بدست می آوریم:

$$\frac{v_8}{v_{av}} = \frac{۳.۵}{۱.۷۵} = ۲$$